

6. Übungsblatt Topologie SS 2019 (Weiss)

1. Zeigen Sie: Unter dem Isomorphismus

$$\pi_{4m-1}\mathbb{S}^{2m} = \pi_{4m-1}(\Sigma\mathbb{S}^{2m-1}) \cong \pi_{4m-2}(\Omega\Sigma(\mathbb{S}^{2m-1}))$$

($m \geq 1$) entspricht die Hopf-Invariante (ein bekannter Homomorphismus von $\pi_{4m-1}\mathbb{S}^{2m}$ nach \mathbb{Z}) dem Hurewicz-Homomorphismus

$$\pi_{4m-2}(\Omega\Sigma(\mathbb{S}^{2m-1})) \longrightarrow H_{4m-2}(\Omega\Sigma(\mathbb{S}^{2m-1})) \cong \mathbb{Z}.$$

Hinweis: Gegeben $[f] \in \pi_{4m-1}\mathbb{S}^{2m}$. Statt f und Hopf-Invariante von f betrachte man die Zusammensetzung

$$\mathbb{S}^{4m-1} \xrightarrow{f} \mathbb{S}^{2m} \longrightarrow \mathbb{S}^{2m} \vee \mathbb{S}^{2m}$$

und ihre Klasse im Quotienten

$$\frac{\pi_{4m-1}(\mathbb{S}^{2m} \vee \mathbb{S}^{2m})}{\pi_{4m-1}(\mathbb{S}^{2m}) \times \pi_{4m-1}(\mathbb{S}^{2m})} \cong \mathbb{Z}.$$

Das sollte wieder die Hopf-Invariante von f sein, wobei benutzt wird, dass dieser Quotient \mathbb{Z} standardmässig vom Element $[t, t]$, Example 1.4.8., erzeugt wird. Warum? Und wie geht es weiter?

Alles zur Abgabe bis Freitag 23.05. um 10:00, Briefkasten 184. Punkte: 20.